

Prof : Mhamdi Fethi

Ecole : Chrahil

Classe : 2<sup>ème</sup> science

Devoir de contrôle N°1  
Mathématiques

Date : 23 /10/2017

AS : 2017/2018

Durée : 1 Heure

Exercice n°1(5 points)

Dans chacune des questions suivantes, une seule des trois réponses proposée est correcte.

Indiquer sur votre copie le numéro de la question et la réponse choisie.

- 1) Une factorisation du trinôme  $3x^2 + 3x - 6$  est  
  $3(x - 1)(x - 2)$         $3(x - 1)(x + 2)$         $(x - 1)(x + 2)$
- 2) l'équation du second degré  $\left(\frac{1-\sqrt{3}}{2}\right)^{2017}x^2 - \sqrt{2}x + \left(\frac{1-\sqrt{3}}{5}\right)^{2018} = 0$  admet dans IR  
 Une seule solution       deux solutions distinctes       aucune solution
- 3) on donne le tableau de signe du trinôme  $ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ). Alors

		3/2		$x''$		
	$-\infty$					$+\infty$
$x$						
$ax^2 + bx + c$		+	0	-	0	+

- $a > c$         $a < c$         $a = c$
- 4) Soit  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  un repère cartésien du plan,  $\vec{u} \begin{pmatrix} m-1 \\ 2 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} -1 \\ m+1 \end{pmatrix}$  deux vecteurs. Alors  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont orthogonaux si et seulement si

- $m = 3$         $m = 1$         $m = -3$
- 5) Dans la figure ci-contre  G est le barycentre des points pondérés :  
  $(A, -1)$  et  $(B, \frac{1}{3})$         $(A, 2)$  et  $(B, 1)$         $(A, 1)$  et  $(B, -3)$

Exercice n°2(7.5 points)

Soit le  $A = \frac{2x^2 - 7x + 3}{-x^2 + 2x + 3}$

- 1) a) résoudre dans IR les équations :  $2x^2 - 7x + 3 = 0$  et  $-x^2 + 2x + 3 = 0$   
b) en déduire le signe de A

2) montrer que  $A = \frac{1-2x}{x+1}$

3) soit le trinôme  $B = ax^2 + bx + c$  et son tableau de signe

$x$	$-\infty$					$+\infty$
$ax^2 + bx + c$		-	0	+	0	-

a) donner le signe de  $a, b$  et  $c$

b) en déduire le tableau de signe de  $B = cx^2 + bx + a$

c) on donne  $a = -2$ . Trouver  $b$  et  $c$

d) donner le signe du nombre réel  $-2\left(\frac{\sqrt{2017+1}}{\sqrt{2017-1}}\right)^2 - 2\left(\frac{\sqrt{2017+1}}{\sqrt{2017-1}}\right) + 4$

**Exercice n°3(7.5 points)**

Soit  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  un repère orthonormé du plan,  $A(4,2), B(2,4)$  et  $C(-1,-3)$

1) a) déterminer les composantes des vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{AC}$ .

b) en déduire que les points  $A, B$  et  $C$  ne sont pas alignés

2) soit  $F = B * C$

a) déterminer les coordonnées de  $F$

b) montrer que les points  $A, B$  et  $C$  sont situés sur le cercle  $\mathcal{C}$  de centre  $F$

c) en déduire la nature du triangle  $ABC$

3) soit  $G$  le centre de gravité du triangle  $ABC$

montrer que  $\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} = 3\vec{OG}$

Bon travail